

I. Phần trắc nghiệm (4 điểm)

Câu 1: Tập xác định của hàm số $y = \sqrt{x^2 + 5x + 6}$ là:

- A. \mathbb{R} . B. $[-2; -3]$. C. $(-\infty; -3) \cup (-2; +\infty)$. D. $(-\infty; -3] \cup [-2; +\infty)$.

Câu 2: Cho $f(x) = \frac{-x+2}{2x+2}$. Tập hợp tất cả các giá trị của x để biểu thức $f(x) \geq 0$ là :

- A. $(-1; 2]$. B. $[-1; 2]$. C. $(-\infty; -1] \cup [2; +\infty)$. D. $(-\infty; -1) \cup [2; +\infty)$.

Câu 3: Hỏi bất phương trình $(2-x)(-x^2+2x+3) \leq 0$ có tất cả bao nhiêu nghiệm nguyên dương ?

- A. 1. B. 2. C. 3. D. vô số.

Câu 4: Tam thức bậc hai nào sau đây luôn dương với mọi $x \in \mathbb{R}$?

- A. $x^2 + 5x + 5$. B. $2x^2 - 8x + 8$. C. $x^2 + x + 1$. D. $2x^2 + 5x + 2$.

Câu 5: Bất phương trình $(m+3)x^2 - 2mx + 2m - 6 < 0$ vô nghiệm khi:

- A. $m \in (-3; +\infty)$. B. $m \in (-\infty; -3\sqrt{2}) \cup (3\sqrt{2}; +\infty)$.
C. $m \in (3\sqrt{2}; +\infty)$. D. $m \in [3\sqrt{2}; +\infty)$.

Câu 6: Tập nghiệm S của hệ bất phương trình $\begin{cases} 2-x > 0 \\ 2x+1 < x-2 \end{cases}$ là:

- A. $S = (-\infty; -3)$. B. $S = (-\infty; 2)$. C. $S = (-3; 2)$. D. $S = (-3; +\infty)$.

Câu 7: Cho $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$. Khẳng định nào sau đây đúng?

- A. $\sin(\alpha - \pi) \geq 0$. B. $\sin(\alpha - \pi) \leq 0$. C. $\sin(\frac{\pi}{2} + \alpha) < 0$. D. $\sin(\pi + \alpha) > 0$.

Câu 8: Cho $\sin \alpha = \frac{1}{3}$ với $\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$. Tính $\tan \alpha$?

- A. $\tan \alpha = 2\sqrt{2}$ B. $\tan \alpha = -2\sqrt{2}$ C. $\tan \alpha = -\frac{\sqrt{2}}{4}$ D. $\tan \alpha = \frac{\sqrt{2}}{4}$

Câu 9: Đơn giản biểu thức $P = \tan \alpha \left(\frac{1 + \cos^2 \alpha}{\sin \alpha} - \sin \alpha \right)$.

- A. $P = 2$. B. $P = 2 \cos \alpha$. C. $P = 2 \tan \alpha$. D. $P = \frac{2}{\cos \alpha}$.

Câu 10: Nếu $\tan \alpha$ và $\tan \beta$ là hai nghiệm của phương trình $x^2 - px + q = 0$ ($q \neq 0$) thì giá trị biểu thức $P = \cos^2(\alpha + \beta) + p \sin(\alpha + \beta) \cdot \cos(\alpha + \beta) + q \sin^2(\alpha + \beta)$ bằng:

- A. p . B. q . C. 1. D. $\frac{p}{q}$.

Câu 11: Cho tam giác ABC có $AB = 2$ cm, $AC = 1$ cm, góc A bằng 60° . Độ dài cạnh BC là:

- A. $\sqrt{2}$. B. $\sqrt{3}$. C. 1. D. 2.

Câu 12: Tam giác ABC có $AB = 3$, $AC = 6$ và $\widehat{A} = 60^\circ$. Tính bán kính R của đường tròn ngoại tiếp tam giác ABC.

- A. $R = 3$. B. $R = 3\sqrt{3}$. C. $R = \sqrt{3}$. D. $R = 6$.

Câu 13: Trong mặt phẳng tọa độ Oxy, cho đường thẳng Δ có phương trình tham số $\begin{cases} x = 1 - 2t \\ y = 2 + t \end{cases}$

Véc tơ nào sau đây là véc tơ chỉ phương của Δ ?

- A. $\vec{u} = (1; 2)$. B. $\vec{u} = (-2; -1)$. C. $\vec{u} = (1; -2)$. D. $\vec{u} = (4; -2)$.

Câu 14: Khoảng cách từ giao điểm của hai đường thẳng $x - 3y + 4 = 0$ với trục Ox đến đường thẳng $\Delta: 3x + y + 4 = 0$ bằng:

A. $\frac{16}{\sqrt{10}}$.

B. $\frac{4\sqrt{10}}{5}$..

C. $\frac{8\sqrt{10}}{5}$

D. 2.

Câu 15: Tính góc tạo bởi giữa hai đường thẳng $d_1 : 7x - 3y + 6 = 0$ và $d_2 : 2x - 5y - 4 = 0$.

A. $\frac{\pi}{4}$.

B. $\frac{\pi}{3}$.

C. $\frac{2\pi}{3}$.

D. $\frac{3\pi}{4}$.

Câu 16: Đường tròn đường kính AB với $A(3; -1)$, $B(1; -5)$ có phương trình là:

A. $(x + 2)^2 + (y - 3)^2 = 20$.

B. $(x - 2)^2 + (y + 3)^2 = 20$.

C. $(x - 2)^2 + (y + 3)^2 = \sqrt{5}$.

D. $(x - 2)^2 + (y + 3)^2 = 5$.

Câu 17 : Tọa độ tâm I và bán kính R của đường tròn có phương trình $x^2 + y^2 + 6x + 4y - 12 = 0$ là :

A. $I(3; 2)$, $R = 5$.

B. $I(-3; -2)$, $R = 1$.

C. $I(-3; -2)$, $R = 5$.

D. $I(3; 2)$, $R = 1$.

Câu 18: Phương trình tiếp tuyến d của đường tròn $(C) : x^2 + y^2 - 3x - y = 0$ tại điểm N có hoành độ bằng 1 và tung độ âm là:

A. $d : x + 3y - 2 = 0$.

B. $d : x - 3y + 4 = 0$.

C. $d : x - 3y - 4 = 0$.

D. $d : x + 3y + 2 = 0$.

Câu 19: Phương trình chính tắc của elip có tiêu cự bằng 6 và trục lớn bằng 10.

A. $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{9} = 1$.

B. $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{81} = 1$.

C. $\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{16} = 1$.

D. $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$.

Câu 20: Cho elip $(E) : \frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{9} = 1$. Trong các khẳng định sau, khẳng định nào sai?

A. (E) có các tiêu điểm $F_1(-4; 0)$ và $F_2(4; 0)$.

B. (E) có tỉ số $\frac{c}{a} = \frac{4}{5}$.

C. (E) có đỉnh $A_1(-5; 0)$.

D. (E) có độ dài trục nhỏ bằng 3.

II. Phần tự luận (6 điểm)

Bài 1: (2,5 điểm) Giải các bất phương trình sau

a) $\frac{4x-3}{2x+1} \geq 3$

b) $(2x + 5)(2x^2 - 1) \leq 0$

c) $2x^2 + 2\sqrt{x^2 - 5x - 6} > 10x + 24$

Bài 2: (2 điểm) Trong mặt phẳng tọa độ Oxy, cho tam giác ABC có $A(-3; -1)$, $B(-1; 3)$, $C(-2; 2)$

a) Viết phương trình đường thẳng chứa cạnh BC của tam giác ABC

b) Viết phương trình đường cao AH ($H \in BC$) và xác định tọa độ điểm H

c) Viết phương trình đường tròn đi qua ba điểm ABC

Bài 3: (1,5 điểm)

a) Tam giác ABC có đặc điểm gì nếu thỏa mãn: $\cos(B - C) = \frac{2bc}{a^2}$

b) Trong mặt phẳng tọa độ Oxy, cho các điểm $A(4; -3)$, $B(4; 1)$ và đường thẳng $(d): x + 6y = 0$. Viết phương trình đường tròn (C) đi qua A và B sao cho tiếp tuyến của đường tròn tại A và B cắt nhau tại một điểm thuộc (d)

----- Hết -----

I. Phần trắc nghiệm (4 điểm)

Câu 1: Tập xác định của hàm số $y = \sqrt{-x^2 + 5x + 14}$ là:

- A. \mathbb{R} . B. $[-2; 7]$. C. $(-\infty; -2) \cup (7; +\infty)$. D. $(-\infty; -2] \cup [7; +\infty)$.

Câu 2: Cho $f(x) = \frac{2x-1}{2-x}$. Tập hợp tất cả các giá trị của x để biểu thức $f(x) \geq 0$ là :

- A. $(\frac{1}{2}; +\infty)$. B. $[\frac{1}{2}; 2]$. C. $[\frac{1}{2}; 2)$. D. $(-\infty; \frac{1}{2}] \cup (2; +\infty)$.

Câu 3: Hỏi bất phương trình $(2+x)(-x^2+2x+3) \geq 0$ có tất cả bao nhiêu nghiệm nguyên dương ?

- A. 1. B. 2. C. 3. D. vô số.

Câu 4: tam thức bậc hai nào sau đây luôn âm với mọi $x \in \mathbb{R}$?

- A. $x^2 - 4x + 3$. B. $2x^2 - 8x + 8$. C. $-6x^2 + x - 1$. D. $-2x^2 + 5x + 4$.

Câu 5: Tìm tất cả các giá trị thực của tham số m để bất phương trình $(m^2-4)x^2 + (m-2)x + 1 < 0$ vô nghiệm.

- A. $m \in \left(-\infty; -\frac{10}{3}\right] \cup [2; +\infty)$. B. $m \in \left(-\infty; -\frac{10}{3}\right] \cup (2; +\infty)$.
C. $m \in \left(-\infty; -\frac{10}{3}\right) \cup (2; +\infty)$. D. $m \in [2; +\infty)$.

Câu 6: Tập nghiệm S của bất phương trình $\begin{cases} 2(x-1) < x+3 \\ 2x \leq 3(x+1) \end{cases}$ là:

- A. $S = (-3; 5)$. B. $S = (-3; 5]$. C. $S = [-3; 5)$. D. $S = [-3; 5]$.

Câu 7: Cho $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$. Khẳng định nào sau đây đúng?

- A. $\cot\left(\alpha + \frac{\pi}{2}\right) > 0$. B. $\tan\left(\alpha + \frac{\pi}{2}\right) \geq 0$. C. $\tan(\alpha + \pi) < 0$. D. $\tan(\pi - \alpha) < 0$.

Câu 8: Cho góc α thỏa mãn $\sin \alpha = -\frac{3}{4}$ và $\pi < \alpha < \frac{3\pi}{2}$. Tính $\tan \alpha$.

- A. $\tan \alpha = \sqrt{\frac{3}{7}}$. B. $\tan \alpha = \frac{3}{\sqrt{7}}$. C. $\tan \alpha = 3$. D. $\tan \alpha = -\frac{3}{\sqrt{7}}$.

Câu 9: Rút gọn biểu thức $M = \frac{\sin 3x - \sin x}{2\cos^2 x - 1}$.

- A. $\tan 2x$ B. $\sin x$. C. $2 \tan x$. D. $2 \sin x$.

Câu 10: Nếu $\tan \alpha$; $\tan \beta$ là hai nghiệm của phương trình $x^2 - px + q = 0$ ($p, q \neq 0$). Và $\cot \alpha$; $\cot \beta$ là hai nghiệm của phương trình $x^2 - rx + s = 0$ thì tích $P = rs$ bằng

- A. pq . B. $\frac{p}{q^2}$. C. $\frac{1}{pq}$. D. $\frac{q}{p^2}$.

Câu 11: Tam giác ABC có $\widehat{B} = 60^\circ$, $\widehat{C} = 45^\circ$ và $AB = 5$. Tính độ dài cạnh AC .

- A. $AC = \frac{5\sqrt{6}}{2}$. B. $AC = 5\sqrt{3}$. C. $AC = 5\sqrt{2}$. D. $AC = 10$.

Câu 12: Tam giác ABC có $BC = 21\text{cm}$, $CA = 17\text{cm}$, $AB = 10\text{cm}$. Tính bán kính R của đường tròn ngoại tiếp tam giác ABC .

- A. $R = \frac{85}{2}\text{cm}$. B. $R = \frac{7}{4}\text{cm}$. C. $R = \frac{85}{8}\text{cm}$. D. $R = \frac{7}{2}\text{cm}$.

Câu 13: Trong mặt phẳng tọa độ Oxy, cho đường thẳng Δ có phương trình tham số $\begin{cases} x = 1 - 2t \\ y = 2 + t \end{cases}$

Véc tơ nào sau đây là véc tơ chỉ phương của Δ ?

- A. $\vec{u} = (1; 2)$. B. $\vec{u} = (-2; -1)$. C. $\vec{u} = (1; -2)$. D. $\vec{u} = (4; -2)$.

Câu 14: Khoảng cách từ điểm $M(2; -2)$ đến đường thẳng $\Delta: \begin{cases} x = 1 - 3t \\ y = -2 + 4t \end{cases}$ bằng:

- A. $\frac{4}{5}$. B. $\frac{3}{5}$. C. $\frac{4}{\sqrt{5}}$. D. $\frac{8}{5}$.

Câu 15: Tính góc giữa hai đường thẳng $d_1: 2x + 2\sqrt{3}y + 5 = 0$ và $d_2: y - 6 = 0$.

- A. 30° . B. 45° . C. 60° . D. 90° .

Câu 16: Đường tròn đường kính AB với $A(1;1)$, $B(7;5)$ có phương trình là:

- A. $x^2 + y^2 + 8x + 6y + 12 = 0$. B. $x^2 + y^2 + 8x - 6y - 12 = 0$.
C. $x^2 + y^2 - 8x - 6y + 12 = 0$. D. $x^2 + y^2 - 8x - 6y - 12 = 0$

Câu 17: Đường tròn có tâm $I(1;2)$, bán kính $R = 3$ có phương trình là:

- A. $x^2 + y^2 + 2x + 4y - 4 = 0$. B. $x^2 + y^2 + 2x - 4y - 4 = 0$.
C. $x^2 + y^2 - 2x + 4y - 4 = 0$. D. $x^2 + y^2 - 2x - 4y - 4 = 0$.

Câu 18: Phương trình tiếp tuyến của đường tròn $(C): (x-2)^2 + (y-1)^2 = 25$, tại điểm có tung độ bằng 4 và hoành độ âm là:

- A. $-4x + 3y + 20 = 0$. B. $4x - 3y + 20 = 0$.
C. $-4x + 3y - 4 = 0$. D. $4x - 3y - 5 = 0$.

Câu 19: Phương trình của elip (E) có độ dài trục lớn bằng 8, độ dài trục nhỏ bằng 6 là:

- A. $9x^2 + 16y^2 = 144$. B. $9x^2 + 16y^2 = 1$. C. $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{16} = 1$. D.

$$\frac{x^2}{64} + \frac{y^2}{36} = 1.$$

Câu 20: Trong mặt phẳng Oxy cho (E) có phương trình: $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} = 1$. Khẳng định nào sau đây đúng?

- A. (E) có tâm sai $e = \frac{\sqrt{5}}{3}$. B. $F_1(0; -\sqrt{5}), F_2(0; \sqrt{5})$ là các tiêu điểm của (E) .
C. Độ dài trục lớn là 9. D. Các đỉnh nằm trên trục lớn là $A_1(0;3)$ và $A_2(0;-3)$.

II. Phần tự luận (6 điểm)

Bài 1: (2,5 điểm) Giải các bất phương trình sau

- a) $\frac{x-3}{x+1} \geq 3$
b) $(-x+5)(x^2-6x+9) \leq 0$
c) $\sqrt{(x+1)(x+2)} > x^2+3x-4$

Bài 2: (2 điểm) Trong mặt phẳng tọa độ Oxy, cho tam giác ABC có $A(-1; 3)$, $B(4; 5)$, $C(-3; 9)$

- a) Viết phương trình đường thẳng chứa cạnh AB của tam giác ABC
b) Viết phương trình đường cao CH ($H \in AB$) và xác định tọa độ điểm H
c) Viết phương trình đường tròn đi qua ba điểm ABC

Bài 3: (1,5 điểm)

- a) Tam giác ABC có đặc điểm gì nếu thỏa mãn: $\sin \frac{A}{2} = \frac{a}{2\sqrt{bc}}$
b) Trong mặt phẳng tọa độ Oxy, cho các điểm $A(4; -3)$, $B(4; 1)$ và đường thẳng (d): $x + 6y = 0$. Viết phương trình đường tròn (C) đi qua A và B sao cho tiếp tuyến của đường tròn tại A và B cắt nhau tại một điểm thuộc (d)

-----Hết-----

